

5) 集成运放分类

按集成度：单运放、双运放、四运放

工艺：双极型、单极型、混合

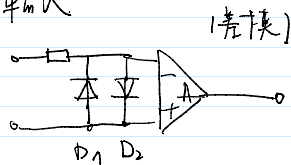
可控性：  
 | 可变增益运放  
 | 电压控制运放

按性能：高阻型、高速型、高精度、低功耗型(航天、航空)、高压型、专用型

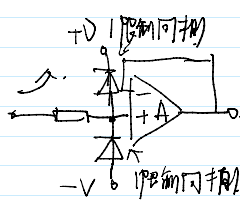
6) 保护电路, 低频等效电路

- ① 防止输入信号过大, 击穿PN结
- ② 电源接反
- ③ 输出端接地点或电源, 保护

1) 输入



(差模)



(共模)

限制同相输入电压

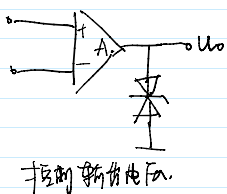
引入负反馈, 及同相, 互相无限接近

$$U_p = U_{in} ?$$

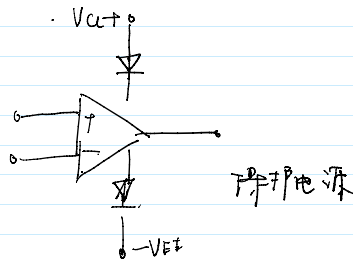
因为A大, 所以  $U_{in} \approx 1mV$ . 开环电压增益  $A = \frac{1}{\epsilon}$

D1, D2 限制电流幅值, R 保护二极管

2) 输出

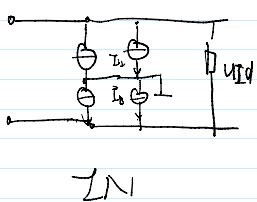


控制输出电流

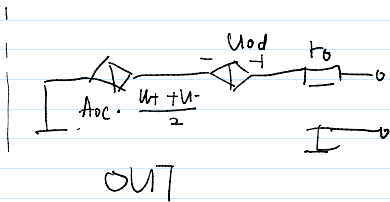


防止电源

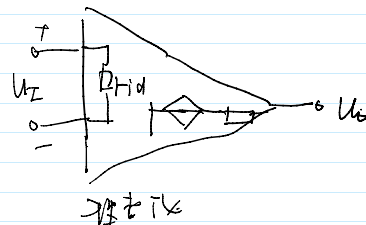
3) 低频等效电路



IN



OUT



输出级

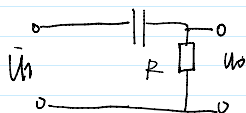
8. 频率响应

信号频率对放大倍数影响

原因: 耦合电容, 旁路电容, 极间电容

· 基础问题:

高通电路:  $f \uparrow \quad V \rightarrow V_{input}$



$$q(t) = C U(t)$$

$$i = \frac{dq}{dt} = C \frac{dU(t)}{dt}$$

$$\text{若 } U = A \sin(\omega t + \phi)$$

$$\text{则 } i = j\omega C \cdot A(\cos \omega t + \phi)$$

电流领先电压  $\frac{\pi}{2}$  个相位

且容抗为  $\frac{1}{j\omega C}$

$$U_i = U_{out} + i \cdot R$$

$$= U_{out} + \frac{dU_{out}}{dt} \cdot C \cdot R$$

$$\rightarrow \frac{dU_{out}}{dt} + \frac{1}{RC} U_{out} = \frac{1}{RC} U_i$$

$$\text{设 } U_i = A \cos \omega t$$

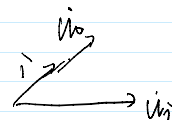
微分方程法: 可考虑高次书或微分方程

笔记: 微分方程

$$\therefore U_o = \frac{R}{\sqrt{j\omega C + R}} U_i$$

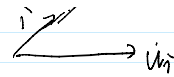
$$\omega \uparrow \rightarrow \frac{1}{j\omega C + R} \approx R$$

∴ 为高通电路

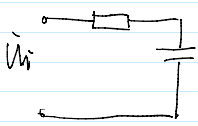


阻抗为  $\frac{1}{j\omega C}$

$\omega \uparrow \rightarrow \frac{1}{j\omega C} + R \approx R$  : 为高通电路.  
 $\omega \downarrow \rightarrow \frac{1}{j\omega C} + R \approx \frac{1}{j\omega C}$



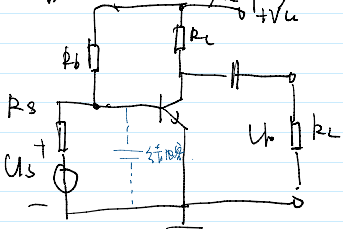
低通电路:



$U_o = \frac{1}{1 + j\omega CR} U_i$   
 $\omega \uparrow U_o \approx 0$   
 $\omega \downarrow U_o \approx U_i$

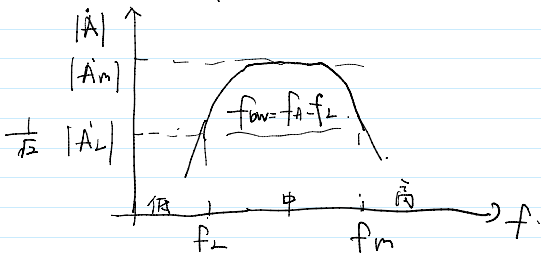
当输出电压下降为  $\frac{1}{\sqrt{2}} U_i$ .

• 放大电路的频率参数.

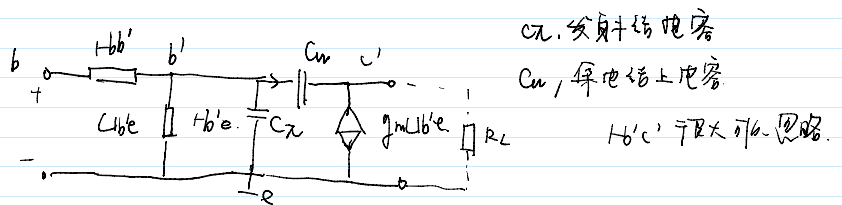
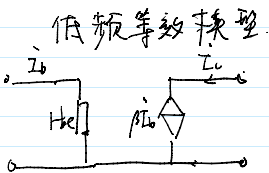


这是一个高通电路.

在低频段, 耦合电容和旁路电容容抗较大, 使输入端损失, 放大能力下降. 超前相角  
 输入端的耦合电容相当于低通电路, 使放大倍数下降. 滞后相角,  
 分布电容, 寄生电容 | 集成电路中电路设计.



• 晶体管高频等效电路.

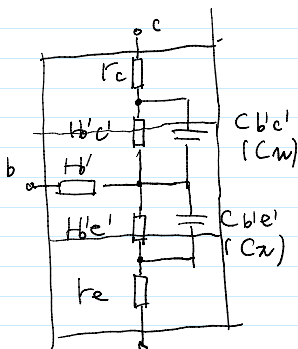


$C_{bc}$  发射结电容

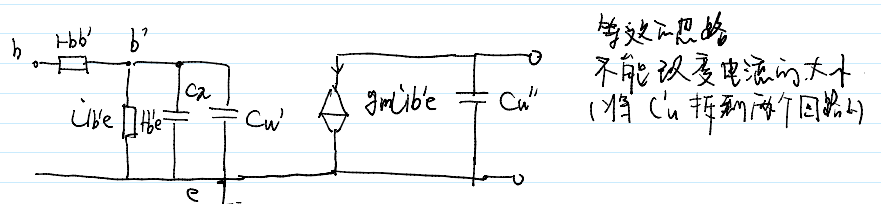
$C_{ce}$  集电结电容

$H_{b'e}$  取大阻抗电路.

$C_{bc}$  即影响输入回路, 还影响输出回路.  
 可将  $C_{bc}$  等效到两个回路上.



晶体管结构示意图



等效思想

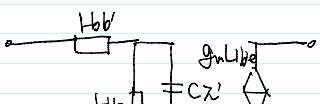
不能改变电流的大小  
 (将  $C_{bc}$  拆到两个回路上)

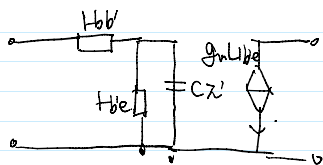
$$[C_{bc}] = \frac{U_{b'e} - U_{c'e}}{X_{c_{bc}}} = (1-k) \frac{U_{b'e}}{X_{c_{bc}}}$$

$$X_{c_{bc}}' = \frac{U_{b'e}}{I_{c_{bc}}} = \frac{U_{b'e}}{(1-k) \frac{U_{b'e}}{X_{c_{bc}}}} = \frac{X_{c_{bc}}}{1-k} = \frac{X_{c_{bc}}}{1 - g_m R_L'}$$

$$[C_{bc}] \approx (1 + g_m R_L') C_{bc}$$

$$X_{c_{bc}}'' = \frac{U_{c'e} - k U_{b'e}}{I_{c_{bc}}} = \frac{k U_{b'e}}{(1-k) \frac{U_{b'e}}{X_{c_{bc}}}} = \frac{k}{1-k} X_{c_{bc}} = \frac{-g_m R_L'}{1 + g_m R_L'} X_{c_{bc}}$$





$$X_{C_{ce}}'' = \frac{U_{ce}}{I_{C_{ce}}} = \frac{-k U_{be}}{(1-k) \frac{U_{be}}{X_{C_{ce}}}} = \frac{k}{1-k} X_{C_{ce}} = \frac{-g_m R_{L'}}{1+g_m R_{L'}} X_{C_{ce}}$$

$$C_{C_{ce}}'' = \frac{1-k}{k} X_{C_{ce}} \approx C_{ce}$$

简化的无 \$C\_{ce}''\$ 等效电路

简化的：不考虑 \$C\_{ce}''\$, \$C\_{ce}' = C\_{ce} + C\_{ce}'' = C\_{ce} + (1+k) C\_{ce}\$  
\$C\_{ce}'\$ 电容阻抗大，可忽略

主要参数 \$U\_{be} = (1+\beta) \frac{U\_T}{I\_{EQ}}\$, \$\beta\$ 为低频放大

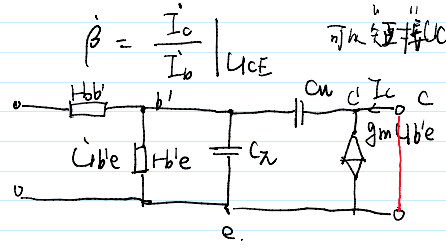
根据半导体物理分析，晶体管的变化电流 \$I\_c\$ 和发射结电压 \$U\_{be}\$ 成线性关系，不受频率影响，所以在混频模型中，都用 \$g\_m\$

$$I_c = g_m U_{be} \approx \beta I_b$$

$$\therefore g_m I_b \cdot U_{be} = \beta I_b$$

$$\therefore g_m = \frac{\beta}{U_{be}} \approx \frac{I_{EQ}}{U_T}$$

晶体管放大电路频率响应



可以短接 \$U\_{ce}\$，没有信号输入时 \$u\_{ce} = 0\$ 且不变，所以可短接。

$$I_c = g_m U_{be} = \beta / r_{be} \cdot U_{be}$$

$$I_b = U_{be} \left( \frac{1}{r_{be}} + j\omega C_{ce} + j\omega C_{ce} \right)$$

$$\beta = \frac{\beta / r_{be} \cdot U_{be}}{\left[ \frac{1}{r_{be}} + j\omega(C_{ce} + C_{ce}') \right] \cdot U_{be}} = \frac{\beta}{1 + r_{be} \cdot j\omega(C_{ce} + C_{ce}')}$$

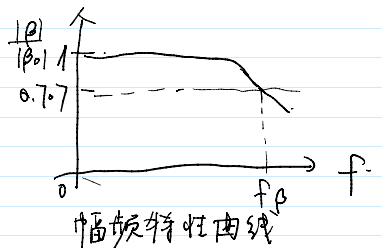
可看成 \$RC\$ 网络

\$f\_\beta\$ 为 \$\beta\$ 的共射截止频率，\$r\_{be}(C\_{ce} + C\_{ce}')\omega = 1\$ 时，\$f\_\beta = \frac{1}{2\pi r\_{be}(C\_{ce} + C\_{ce}')}\$

\$\omega\$ 时 \$\beta\$ 为 \$\frac{\beta}{\sqrt{2}}\$, \$f\_\beta = \frac{1}{2\pi r\_{be}(C\_{ce} + C\_{ce}')}\$

$$\text{这时 } \beta = \frac{\beta_0}{1 + j2\pi f \cdot \tau} = \frac{\beta_0}{1 + j \frac{f}{f_\beta}}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} |\beta| = \frac{\beta_0}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_\beta}\right)^2}} \\ \phi = -\tan^{-1} \frac{f}{f_\beta} \end{array} \right. \begin{array}{l} \text{若 } f = f_\beta \text{ 时, } |\beta| \approx \frac{\beta_0}{\sqrt{2}} \\ \text{若 } f = f_\beta \text{ 时 } |\beta| = \frac{\beta_0}{\sqrt{2}}, \phi = -45^\circ \\ \text{若 } f \gg f_\beta \text{ 时 } f \rightarrow \infty, |\beta| \rightarrow 0, \phi \rightarrow -90^\circ \end{array}$$



幅频特性曲线



相频特性曲线

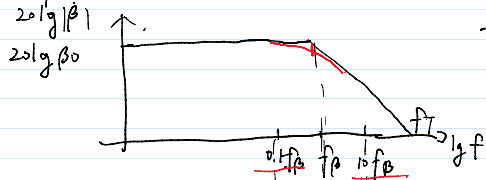
$$\sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_\beta}\right)^2} = \beta_0 \text{ 时, } f = f_T$$

$$f_T \approx \beta_0 \cdot f_\beta$$

$$\therefore f_a = \frac{f_T}{10} = \frac{\beta_0 \cdot f_\beta}{10} = \frac{\beta_0}{10} \cdot \frac{1}{2\pi r_{be}(C_{ce} + C_{ce}')}$$

$$\therefore f_a = \frac{\beta_0}{10} \cdot \frac{1}{2\pi r_{be}(C_{ce} + C_{ce}')}$$

折线法 \$f\_{TM}\$



-20 dB/十倍频  
误差：20lg \$\sqrt{2} \approx 3\$ dB

\* \$f\_a\$ 为截止频率，\$\frac{\Delta I\_c}{\Delta U\_{be}} = \frac{\beta}{1+\beta}\$

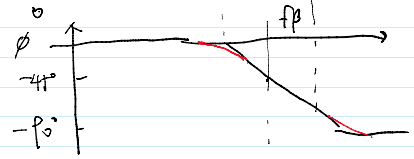
\* \$f\_T\$ \$\beta\$ 下降为 1 的频率

$$f_T \approx f_a \approx f_\beta \cdot \beta$$

失真时的带宽比共射大 \$\beta\$ 倍

\* \$C\_{ob}(C\_{ce})\$ 集电极电容

$$* C_{ce}' = C_{ce} + C_{ce} \text{ 代入}$$



误差：5.71°

好处：开阔视野，“x”变“+”

\$f\_a, f\_\beta\$ 对频率影响

得出结论

1) 高频放大电路放大倍数表达式

$$2) \text{ 截止频率与时间常数的关系, } f_\beta = \frac{1}{2\pi \tau} = \frac{1}{2\pi r_{be} \cdot (C_{ce} + C_{ce}')}$$

3) 波特图画法，误差

2) 截止频率与时间常数的关系,  $f_p \approx \frac{1}{2\pi\tau} = \frac{1}{2\pi(t_{be} \cdot (C_x + C_u))}$

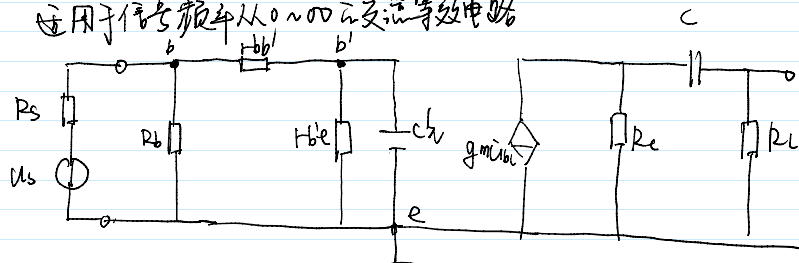
3) 波特图画法, 待定

4)  $C_u$  求法,  $f_p$  和  $C_{ob}$  可以查出(测得),  $t_{be} = \frac{I_{EQ}}{U_T} (1 + \beta_0)$ ,

$$C_x = \frac{1}{2\pi t_{be} f_p} - C_u$$

• 单管共射放大电路的三个频段

适用于信号频率从 0 ~ ∞ 的交流等效电路



其中,  $C_x' = C_x + C_u'$

$$= C_x + C_u (1 + g_m R_L)$$

$$= C_{be} + C_{bc}' (1 + g_m R_L)$$

输入段低通, 输出端高通.

中频段,  $C_u'$  开路,  $C$  短路.

低频段,  $C_u'$  开路, 考虑  $C$ .

高频段, 考虑  $C_u'$ ,  $C$  为短路.

中频段

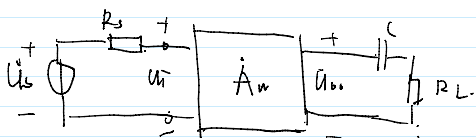
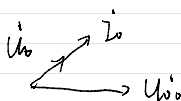
$$\dot{A}_{usm} = \frac{U_o}{U_s} = \frac{U_i}{U_s} \cdot \frac{U_{be}}{U_i} \cdot \frac{U_o}{U_{be}}$$

$$\text{中: } \dot{A}_{usm} = \frac{R_i}{R_s + R_i} \cdot \frac{t_{be}}{t_{be}} \cdot \frac{-R_C // R_L \cdot g_m \cdot t_{be}}{t_{be}} = \frac{R_i}{R_s + R_i} \cdot \frac{t_{be}}{t_{be}} \cdot -g_m (R_C // R_L) = \frac{R_i}{R_s + R_i} \cdot \frac{-\beta_0 (R_C // R_L)}{t_{be}}$$

$$\text{其中 } g_m = \frac{\beta_0}{t_{be}}$$

$$\dot{A}_{usm0} = \frac{R_i}{R_s + R_i} \cdot \frac{t_{be}}{t_{be}} \cdot (-g_m R_C) = \frac{R_i}{R_s + R_i} \cdot \frac{-\beta_0 R_C}{t_{be}}$$

低:  $\frac{C}{R_L}$  仅仅在负载处发生变化.



$$\dot{A}_{usl} = \frac{U_o}{U_s} = \frac{U_{o0}}{U_s} \cdot \frac{U_o}{U_{o0}} = \dot{A}_{usm0} \cdot \frac{R_L}{R_C + \frac{1}{j\omega C} + R_L}$$

$$= \dot{A}_{usm0} \cdot \frac{R_L}{(R_C + R_L) + \frac{1}{j\omega C}} \cdot \frac{R_C + R_L}{R_C + R_L}$$

$$= \dot{A}_{usm0} \cdot \frac{R_L}{1 + j\omega C (R_C + R_L)} \cdot \frac{1}{R_C + R_L} = \dot{A}_{usm} / H \frac{1}{j\omega C \cdot (R_C + R_L)}$$

$$|H| = 2\pi f_L \cdot C (R_C + R_L) = \dot{A}_{usm} \cdot \frac{1}{1 + \frac{f_L}{j f}} = \dot{A}_{usm} \cdot \frac{j f / f_L}{1 + j f / f_L}$$

频率响应分析

$$20 \lg |A_{usl}| = 20 \lg |\dot{A}_{usm}| - 20 \lg \sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_L}\right)^2}$$

$$\phi = \arctan \frac{f}{f_L} - 180^\circ$$

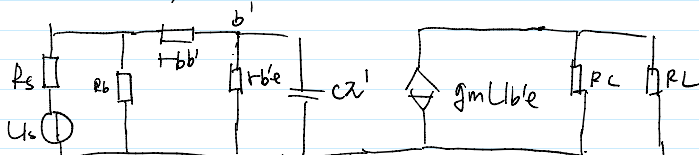
$$f \gg f_L, 20 \lg |A_{usl}| \approx 20 \lg |\dot{A}_{usm}|$$

$$f = f_L, 20 \lg |A_{usl}| \text{ 下降 } 3 \text{ dB}, \phi = -13.5^\circ$$

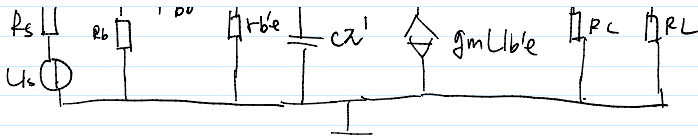
$$f \ll f_L, 20 \lg |A_{usl}| \approx 20 \lg |\dot{A}_{usm}|$$

$$f \rightarrow 0 \text{ A.T. } |A_{usl}| \rightarrow 0, \phi = -90^\circ$$

高频段的频率响应







这时 \$C\_1\$ 不能忽略。\$C\$ 因为 \$\frac{1}{j\omega C}\$ 较小，可以忽略。

由于中频段放大比较（因忽略电容）

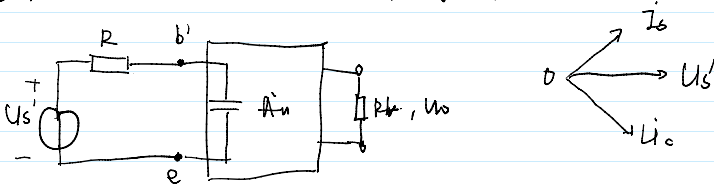
$$\dot{A}_{usm} = \frac{U_i}{U_s} \cdot \frac{U_{be}}{U_i} \cdot \frac{U_o}{U_{be}} = \frac{R_i}{R_s + R_i} \cdot \frac{r_{be}}{r_{be}} \cdot g_m R_C \parallel R_L$$

因为 \$g\_m r\_{be} = \beta\_0\$    \$g\_m = \frac{\beta\_0}{r\_{be}}\$，得。

$$\dot{A}_{usm} = \frac{U_i}{U_s} \cdot \frac{U_{be}}{U_i} \cdot \frac{U_o}{U_{be}} = \frac{R_i}{R_s + R_i} \cdot \frac{1}{r_{be}} \cdot \beta_0 \cdot (R_C \parallel R_L)$$

$$\dot{A}_{usm0} = \frac{R_i}{R_s + R_i} \cdot \frac{\beta_0 R_C}{r_{be}}$$

这时考虑 \$C\_1\$ 的影响，对左右两侧进行戴维南等效。



这时 \$\frac{U\_s'}{U\_s} = \frac{U\_i}{U\_s} \cdot \frac{U\_{be}}{U\_i} = \frac{R\_i}{R\_s + R\_i} \cdot \frac{r\_{be}}{r\_{be}}\$，\$R = r\_{be} \parallel [r\_{be} (R\_C \parallel R\_L)]\$

$$\dot{A}_{ush} = \frac{U_o}{U_s} = \frac{U_s'}{U_s} \cdot \frac{U_{be}}{U_s'} \cdot \frac{U_o}{U_{be}} = \frac{R_i}{R_s + R_i} \cdot \frac{r_{be}}{r_{be}} \cdot \frac{1}{R + \frac{1}{j\omega C_1}} \cdot (-g_m R_L)$$

$$= \dot{A}_{usm} \cdot \frac{1}{R + \frac{1}{j\omega C_1}} = \dot{A}_{usm} \frac{1}{j\omega C_1 R + 1} = \dot{A}_{usm} \frac{1}{j \frac{f}{f_H} + 1}$$

注意相位在 \$j\$ 轴，相位是 \$\frac{f}{f\_H}\$，在相位上变化为 \$\pi\$ 和 \$-\pi\$。

$$f_H = \frac{1}{2\pi \cdot R \cdot C_1} = \frac{1}{2\pi \cdot [r_{be} \parallel (r_{be} (R_C \parallel R_L))] \cdot C_1}$$

求频率响应的截止频率 \$f\_H\$。

当 \$f \ll f\_H\$ 时。

$$\begin{cases} 20 \lg |\dot{A}_{ush}| = 20 \lg |\dot{A}_{usm}| - 20 \lg \left| 1 + \frac{f}{f_H} \right|^2 \\ \varphi = -180^\circ - 2 \arctan \frac{f}{f_H} \end{cases}$$

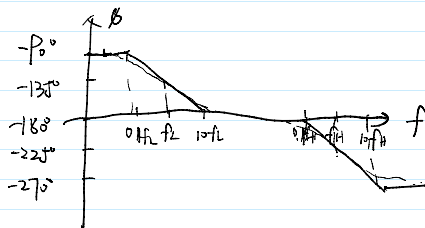
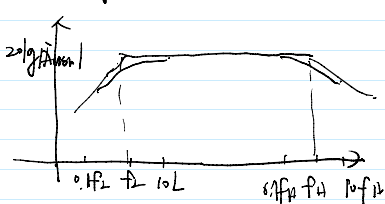
\$20 \lg |\dot{A}\_{ush}| \approx 20 \lg |\dot{A}\_{usm}|\$  
 \$f = f\_H\$ 时，  
 \$20 \lg |\dot{A}\_{ush}|\$ 下降 3dB，\$\varphi = -22.5^\circ\$。  
 \$f \gg f\_H\$ 时，  
 \$f \rightarrow 10 \text{mal}\$，\$f\$ 降 20dB。  
 \$f \rightarrow \infty\$，\$\varphi\$ 趋向 \$-270^\circ\$。

• 单管共射放大电路波特图带宽增益积。

全频段放大倍数表达式：

$$\dot{A}_{us} = \frac{U_o}{U_s} = \frac{\dot{A}_{usm}}{(1 + \frac{f}{f_H}) (1 + j \frac{f}{f_H})}$$

波特图。



$$f_{BW} = f_H - f_L \approx f_H$$

$$f_{BW} = f_H - f_L \approx f_H$$

$$f_H = \frac{1}{2\pi C_{\Sigma}' [1 + b'e // b'b' + (R_s // R_b)]} \quad C_{\Sigma}' = C_{\Sigma} + (1 + g_m R_L') C_{\mu}$$

$$C_{\Sigma} = \frac{1}{2\pi f_{\beta} + b'e} - C_{\mu}$$

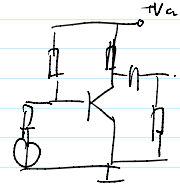
带宽增益积  $|A_{msm} f_{BW}| \approx |A_{msm} f_H|$

提高增益时，带宽变窄。

$$g_m R_L' \uparrow \rightarrow \begin{cases} C_{\Sigma}' \uparrow \rightarrow f_H \downarrow \\ A_{msm} \uparrow \end{cases}$$

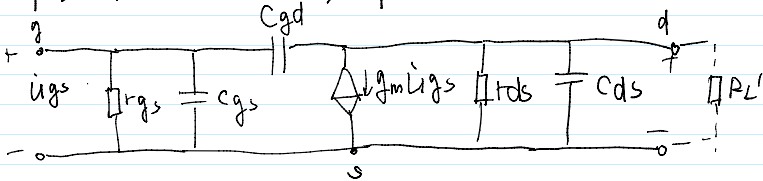
提高带宽时，增益降低。

若  $b'e \ll R_b, R_s \ll R_b, R_b$  为大电阻  $g_m R_L' \gg 1, g_m R_L' C_{\mu} \gg C_{\Sigma}$  常用电阻



$$|A_{msm}| = \frac{1}{2\pi (1 + b'b' + R_s) C_{\mu}}$$

• 单管共源放大电路的频率响应。



$C_{gd}$  即影响输入回路，又影响输出回路，同  $C_{\mu}$  办法相同。

$$I_{cgd} = \frac{U_{gs} - U_{ds}}{X_{Cgd}} \quad \text{设 } \frac{U_{gs}}{U_{ds}} = k$$

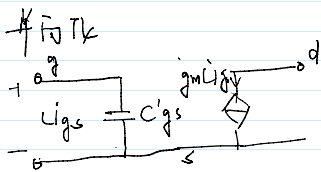
$$C_{gs}' = C_{gs} + (1-k) C_{gd} \quad k \approx -g_m R_L'$$

$$C_{ds}' = C_{ds} + \frac{k-1}{k} C_{gd}$$

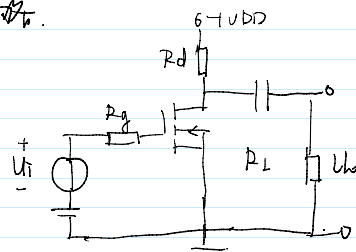
	$R_{ds}/\Omega$	$R_{gs}/\Omega$	$C_{gs}/pF$	$C_{gd}/pF$	$C_{ds}/pF$
铝型	$10^4$	$> 10^7$	$1 \sim 10$	$1 \sim 10$	$0.1 \sim 1$
绝缘栅型	$10^4$	$> 10^8$	$1 \sim 10$	$1 \sim 10$	$0.1 \sim 1$

$R_{ds}, R_{gs}$  以外接电阻大得多，可视为开路。

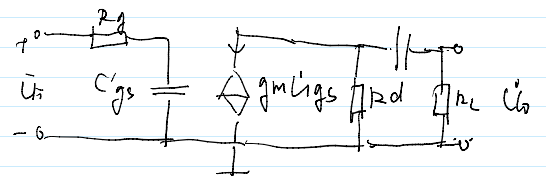
$C_{ds}$  和  $R_L'$  较小，可忽略。



简化模型。



单管共源放大电路



$$A_{um} = \frac{U_o}{U_i} = -g_m R_L'$$

$$f_L = \frac{1}{2\pi (R_d + R_L) C}$$

$(\frac{R_C + R_L}{R_C + R_L})$  在三极管中，同时乘  $\frac{R_C + R_L}{R_C + R_L}$

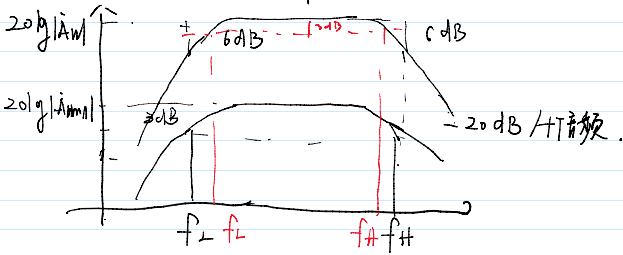
$$f_H = \frac{1}{2\pi R_{gs} C_{gs}'}$$

找到时间常数。

$$A_{\omega} = A_{um} \cdot \frac{1}{(1 - \frac{f_L}{f}) (1 - \frac{f}{f_H})}$$

$$A_w = A_{um} \cdot \frac{1}{(1 - \frac{f_L}{j f})(1 + \frac{j f}{f_H})}$$

• 多级放大电路的频率响应



$$20 \lg |A_w| = 20 \lg |A_{u1}| + 20 \lg |A_{u2}| = 40 \lg |A_{u1}|$$

$$f_{H2} = 0.643 f_{H1}, \text{ 可用增益带宽积理解}$$

$$f_{L1} \sim f_{L2}, f_{H1} \sim f_{H2}$$

$$\begin{cases} f_L > f_{Lk} \\ f_H < f_{Hk} \\ f_{bw} < f_{bwk} \end{cases}$$

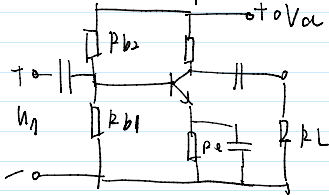
$$\begin{cases} 20 \lg |A_w| = \sum_{k=1}^n 20 \lg |A_{uk}| \\ \phi = \sum_{k=1}^n \phi_k \end{cases}$$

$$f_L \approx 1.1 \sqrt{\sum_{k=1}^n f_{Lk}^2}$$

$$f_H = 1.1 \sqrt{\sum_{k=1}^n \frac{1}{f_{Hk}^2}}, \text{ 1.1 为修正系数}$$

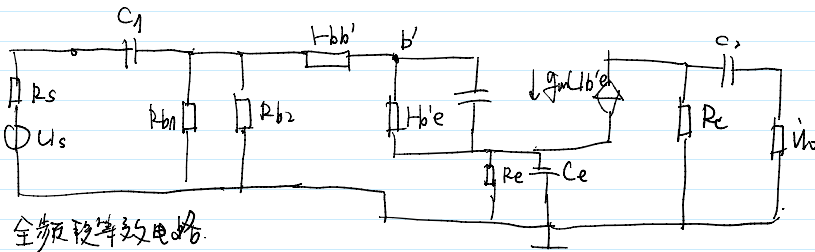
若某一级下限截止频率远高于其他级，可以认为这一级的  $f_L$  就是总的  $f_L$ 。

若某一级上限截止频率远低于其他级，可以认为这一级就是总的  $f_H$ 。



1. 有多少个电容影响频率响应，放大倍数就有几个因子。  
 $C_1, C_2, C_{n'}, C_e$

2.



全频段等效电路

困难在于，寻找电路的等效电路。

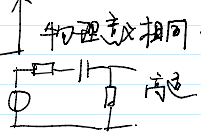
考虑  $C_1$  (忽略其他电容,  $C_2, C_e$  短路,  $C_{n'}$  开路) 考虑  $C_e, C_1, C_2$  短路,  $C_{n'}$  开路。

$$Z = [R_s + (R_{b1} // R_{b2} // H_{be})] C_1$$

$$Z_e = (R_e // \frac{H_{be} + R_s // R_{b1} // R_{b2}}{1 + \beta}), \text{ 用电桥网络处理}$$

考虑  $C_2$  ( $C_1, C_e$  短路,  $C_{n'}$  开路)

$$Z = (R_c + R_L) C_2$$



考虑  $C_{n'}, C_1, C_2, C_e$  短路

$$Z_{C_{n'}} = [H_{be} // H_{bb'} + R_s // R_{b1} // R_{b2}] C_{n'}$$

当  $C_1 = C_2 = C_e$  时,  $Z_e$  远大于  $Z_1, Z_2$  ( $C_e$  也相当于高通电路)

可以认为  $C_e$  决定下限频率,  $C_e$  容值应当较大。

$$A_w = A_{um} \cdot \frac{1}{(1 - \frac{f_{L1}}{j f})(1 - \frac{f_{L2}}{j f})(1 - \frac{f_{Le}}{j f})(1 + \frac{j f}{f_H})}$$

• 频率响应的讨论

已知某放大电路幅频特性曲线

$20 \lg |A_w|$

1. 3级放大.  $10f \rightarrow 60 \text{ dB}$